

Ростовская область Азовский район село Александровка
Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение
Александровская средняя общеобразовательная школа Азовского района.

Согласовано.
Заместитель директора по УВР

Рабочая программа
учебного предмета «Алгебра и начала математического
анализа»
для среднего общего образования
10 – 11 класс

2025 год

Раздел 1. Пояснительная записка

Рабочая программа по алгебре и началам математического анализа для обучающихся 10 -11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования с учётом и современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования, которые обеспечивают овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для непрерывного образования и саморазвития, а также целостность общекультурного, личностного и познавательного развития обучающихся. В рабочей программе учтены идеи и положения Концепции развития математического образования в Российской Федерации.

ЦЕЛИ ИЗУЧЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА

Курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе старшей школы, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление учащихся на уровне, необходимом для освоения курсов информатики, обществознания, истории, словесности. В рамках данного курса учащиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их в повседневной жизни. В тоже время овладение абстрактными и логически строгими математическими конструкциями развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность утверждения, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление. В ходе изучения алгебры и начал математического анализа в старшей школе учащиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций и интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и в искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей самостоятельности, аккуратности, продолжительной концентрации внимания и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре курса «Алгебра и начала математического анализа» можно выделить следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения в старшей школе, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин: алгебра, тригонометрия, математический анализ,

теория множеств. По мере того как учащиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные в курсе «Алгебра и начала математического анализа», для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать полученный результат.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато в основной школе. В старшей школе особое внимание уделяется формированию прочных вычислительных навыков, включающих в себя использование различных форм записи действительного числа, умение рационально выполнять действия с ними, делать прикидку, оценивать результат. Обучающиеся получают навыки приближённых вычислений, выполнения действий с числами, записанными в стандартной форме, использования математических констант, оценивания числовых выражений.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения в старшей школе, поскольку в каждом разделе программы предусмотрено решение соответствующих задач. Учащиеся овладевают различными методами решения целых, рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и их систем. Полученные умения используются при исследовании функций с помощью производной, решении прикладных задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования целых, рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления учащихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, у которых появляется возможность исследовать и строить графики функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций,

нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах . Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления

законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и их авторах .

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» в основном посвящена элементам теории множеств . Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины в единое целое . Поэтому важно дать возможность школьнику понять теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей.

В курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют также основы математического моделирования, которые призваны сформировать навыки построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа и интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал курса широко используется для решения прикладных задач . При решении реальных практических задач учащиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему . Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем курса «Алгебра и начала математического анализа» .

МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

Согласно учебному плану в 10—11 классах изучается учебный курс «Алгебра и начала математического анализа», который включает в себя следующие основные разделы содержания: «Числа и вычисления», «Уравнения и неравенства», «Функции и графики», «Начала математического анализа» и «Множества и логика» .

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа отводится 3 учебных часа в неделю в 10 классе и 3 учебных часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения — 204 учебных часа.

Раздел 2. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

10 класс

Числа и вычисления

Рациональные числа . Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби . Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений . Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни .

Действительные числа . Рациональные и иррациональные числа . Арифметические операции с действительными числами . Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений .

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных .

Арифметический корень натуральной степени . Действия с арифметическими корнями натуральной степени .

Синус, косинус и тангенс числового аргумента . Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента .

Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования .

Преобразование тригонометрических выражений . Основные тригонометрические формулы .

Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства . Метод интервалов .

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств .

Решение иррациональных уравнений и неравенств . Решение тригонометрических уравнений .

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни .

Функции и графики

Функция, способы задания функции . График функции . Взаимно обратные функции .

Область определения и множество значений функции . Нули функции . Промежутки знакопостоянства . Чётные и нечётные функции .

Степенная функция с натуральным и целым показателем . Её свойства и график . Свойства и график корня n -ой степени .

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента .

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей .

Монотонные последовательности .

Арифметическая и геометрическая прогрессии . Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия . Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии . Формула сложных процентов . Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера

Множества и логика

Множество, операции над множествами . Диаграммы Эйлера—Венна . Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов .

Определение, теорема, следствие, доказательство.

11 класс

Числа и вычисления

Натуральные и целые числа . Признаки делимости целых чисел .

Степень с рациональным показателем . Свойства степени . Логарифм числа . Десятичные и натуральные логарифмы .

Уравнения и неравенства

Преобразование выражений, содержащих логарифмы . Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем .

Примеры тригонометрических неравенств . Показательные уравнения и неравенства . Логарифмические уравнения и неравенства .

Системы линейных уравнений . Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений .

Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств .

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни .

Функции и графики

Функция . Периодические функции . Промежутки монотонности функции . Максимумы и минимумы функции . Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке .

Тригонометрические функции, их свойства и графики .

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики .

Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем .

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни .

Начала математического анализа

Непрерывные функции . Метод интервалов для решения неравенств .

Производная функции . Геометрический и физический смысл производной .

Производные элементарных функций . Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций .

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы . Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке .

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком .

Первообразная . Таблица первообразных .

Интеграл, его геометрический и физический смысл . Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница.

Раздел 3. Планируемые образовательные результаты

Освоение учебного предмета должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний

для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды .

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе .

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией) .

Базовые логические действия:

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев) .

Базовые исследовательские действия:

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

-самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

-прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях .

Работа с информацией:

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

-оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям .

2) Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.

Общение:

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

-представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории .

Сотрудничество:

-понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;

- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия .

3) Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности .

Самоорганизация:

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации .

Самоконтроль:

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

-оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или не достижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту .

Предметные результаты:

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

10 класс

Числа и вычисления

- Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты .
- Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами .
- Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений .
- Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных .
- Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции .

Уравнения и неравенства

- Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;
- Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения .
- Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств .
- Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни .
- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры .

Функции и графики

- Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции .
- Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства .
- Использовать графики функций для решения уравнений .

- Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем .
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

Начала математического анализа

- Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии .
- Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии .
- Задавать последовательности различными способами.
- Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

Множества и логика

- Оперировать понятиями: множество, операции над множествами .
- Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов .
- Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

11 класс

Числа и вычисления

- Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач .
- Оперировать понятием: степень с рациональным показателем .
- Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы.

Уравнения и неравенства

- Применять свойства степени для преобразования выражений; оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств .
- Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств .
- Находить решения простейших тригонометрических неравенств .
- Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач .
- Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств .

- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

Функции и графики

- Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком .
- Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств .
- Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений .
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин .

Начала математического анализа

- Оперировать понятиями: непрерывная функция; производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач .
- Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций .
- Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков .
- Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах .
- Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический смысл интеграла .
- Находить первообразные элементарных функций; вычислять интеграл по формуле Ньютона–Лейбница .
- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа .

Раздел 4. Тематическое планирование.
10 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Деятельность учителя с учетом программы воспитания	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контроль ные работы		
1	Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства	22	2	Формирование ответственного отношения к учению, готовности и способности обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию	https://uchi.ru Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru
2	Функции и графики. Степень с целым показателем	12	1	Применение на уроке интерактивных форм работы с обучающимися: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию обучающихся	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru https://uchi.ru
3	Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства	23	1	Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для моделирования практических ситуаций и исследования построенных моделей с использованием аппарата алгебры	https://urok.1c.ru
4	Формулы тригонометрии. Тригонометрические уравнения	28	2	Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для моделирования практических ситуаций и исследования построенных моделей с использованием аппарата алгебры	https://lecta.rosuchebnik.ru
5	Последовательности и прогрессии	10	1	Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной	https://school.edu.ru

				жизни для моделирования практических ситуаций и исследования	
6	Повторение, обобщение, систематизация знаний	7	1	Побуждать обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации.	https://nsportal.ru
	Всего	102	8		

11 класс

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Деятельность учителя с учетом программы воспитания	Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы		
1	Степень с рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства	12	1	Формирование ответственного отношения к учению, готовности и способности обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию	https://uchi.ru Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://school-collection.edu.ru
2	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства	12		Применение на уроке интерактивных форм работы с обучающимися: интеллектуальных игр, стимулирующих познавательную мотивацию обучающихся	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://fcior.edu.ru
3	Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства	9	1	Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для моделирования практических ситуаций и исследования построенных моделей с использованием аппарата алгебры	https://urok.1c.ru http://znanika.ru/

4	Производная. Применение производной	24	1	Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для моделирования практических ситуаций и исследования построенных моделей с использованием аппарата алгебры	https://lecta.rosuchebnik.ru videouroki.net
5	Интеграл и его применение	9	1	Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для моделирования практических ситуаций и исследования	https://school.edu.ru http://resh.edu.ru/
6	Системы уравнений	12		Побуждать обучающихся соблюдать на уроке принципы учебной дисциплины и самоорганизации.	https://nsportal.ru https://www.единыйурок.рф/
7	Натуральные и целые числа	6		Использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни для моделирования практических ситуаций и исследования построенных моделей с использованием аппарата алгебры	https://school.edu.ru
8	Повторение, обобщение, систематизация знаний	18	1		
	Всего	102	5		

Поурочное планирование

10 класс

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	Дата изучения	
		Всего	Контроль ные работы		План	Факт
1	Множество, операции над множествами и их свойства	1		https://uchi.ru		
2	Диаграммы Эйлера - Венна	1		https://uchi.ru		
3	Применение теоретико-множественного аппарата для решения задач	1		https://uchi.ru		
4	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
5	Проценты	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
6	Бесконечные периодические дроби	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
7	Арифметические операции с рациональными числами.	1		https://uchi.ru		
8	Преобразование числовых выражений	1		https://uchi.ru		
9-10	Применение дробей и процентов для решения прикладных задач	2		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
11	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
12	Диагностическая работа	1	1	Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
13	Арифметические операции с действительными числами	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
14	Модуль действительного числа и его свойства	1		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
15	Приближённые вычисления, правила округления. Прикидка и оценка результата вычислений	1		https://urok.1c.ru		
16	Тождества и тождественные преобразования	1		https://urok.1c.ru		
17	Основные методы решения целых	1		https://urok.1c.ru		

	уравнений					
18-19	Основные методы решения дробно-рациональных уравнений	2		https://urok.1c.ru		
20-21	Основные методы решения целых и дробно-рациональных неравенств	2		https://urok.1c.ru		
22	Контрольная работа №1 по теме «Рациональные и действительные числа. Рациональные уравнения и неравенства».	1	1	https://urok.1c.ru		
23	Анализ контрольной работы. Способы задания функции. Взаимно обратные функции.	1		https://urok.1c.ru		
24-25	График функции. Область определения и множество значений функции	2		https://urok.1c.ru		
26-27	Нули функции. Промежутки знакопостоянства	2		https://urok.1c.ru		
28	Чётные и нечётные функции.	1		https://urok.1c.ru		
29-30	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа	2		https://urok.1c.ru		
31-33	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график	3		Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru		
34	Контрольная работа №2 по теме «Функции и графики»	1	1			
35-36	Анализ контрольной работы. Арифметический корень натуральной степени и его свойства	2		https://urok.1c.ru		
37-38	Действия с арифметическими корнями n -ой степени	2		https://urok.1c.ru		
39-40	Вынесение множителя из-под знака корня	2		https://urok.1c.ru		
41-42	Внесение множителя под знак корня	2		https://urok.1c.ru		
43-45	Сокращение дробей, содержащих	3		https://urok.1c.ru		

	радикалы					
46-47	Преобразование иррациональных выражений	2		https://urok.1c.ru		
48	Повторение по теме «Арифметический корень n -ной степени»	1		https://urok.1c.ru		
49-51	Решение иррациональных уравнений	3		https://urok.1c.ru		
52-53	Решение иррациональных неравенств	2		https://urok.1c.ru		
54-55	Свойства и график корня n -ой степени	2		https://urok.1c.ru		
56	Повторение по теме «Иррациональные уравнения и неравенства»	1		https://urok.1c.ru		
57	Контрольная работа №3 по теме «Арифметический корень n-ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства»	1	1			
58	Анализ контрольной работы. Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат	1		https://lecta.rosuchebnik.ru		
59	Синус, косинус, тангенс числового аргумента	1		https://lecta.rosuchebnik.ru		
60	Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента	1		https://lecta.rosuchebnik.ru		
61	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента	1		https://lecta.rosuchebnik.ru		
62-63	Основные тригонометрические тождества	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
64	Формулы двойного угла. Формулы приведения	1		https://lecta.rosuchebnik.ru		
65-66	Формулы сложения	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		

67-68	Формулы суммы функций	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
69-70	Преобразование тригонометрических выражений с помощью формул	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
71	Контрольная работа №4 по теме «Тригонометрические выражения»	1	1			
72-73	Анализ контрольной работы. Решение уравнения $\cos x = a$	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
74-75	Решение уравнения $\sin x = a$	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
76-77	Решение уравнений $\operatorname{tg} x = a$	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
78-79	Уравнения, сводящиеся к алгебраическим уравнениям	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
80-81	Однородные тригонометрические уравнения	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
82-83	Решение тригонометрических уравнений методом разложения на множители	2		https://lecta.rosuchebnik.ru		
84	Решение тригонометрических уравнений	1		https://lecta.rosuchebnik.ru		
85	Контрольная работа №5 по теме «Тригонометрические Уравнения»	1	1			
86	Анализ контрольной работы. Последовательности, способы задания последовательностей	1		https://school.edu.ru		
87	Монотонные последовательности	1		https://nsportal.ru		
88-89	Арифметическая и геометрическая прогрессии	2		https://school.edu.ru		
90	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии	1		https://school.edu.ru		
91-92	Формула сложных процентов	2		https://school.edu.ru		

93-94	Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера	2		https://school.edu.ru		
95	Контрольная работа за год	1	1			
96-97	Анализ контрольной работы Повторение: Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	2		https://nsportal.ru		
98-99	Решение иррациональных уравнений и неравенств	2		https://nsportal.ru		
100	Повторение по теме «Арифметический корень n-ной степени»	1		https://nsportal.ru		
101	Решение тригонометрических уравнений	1				
102	Решение задач по теме «Практическая математика»	1				
	Всего	102	7			

11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Дата изучения		Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контроль ные работы	План	Факт	
1	Уроки повторения . Арифметический корень натуральной степени и его свойства	1				
2	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств	1				
3	Решение иррациональных уравнений и неравенств	1				
4	Решение тригонометрических уравнений	1				
5-6	Степень с рациональным показателем. Свойства степени с рациональным показателем	2				https://uchi.ru Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://school-collection.edu.ru
7-9	Преобразование выражений, содержащих рациональные степени	3				
10-12	Показательные уравнения	3				https://uchi.ru Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://school-collection.edu.ru
13-14	Показательные неравенства	2				
15	Показательная функция, её свойства и график	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru
16	Контрольная работа №1 по теме "Степень с	1	1			

	рациональным показателем. Показательная функция. Показательные уравнения и неравенства"					
17	Анализ контрольной работы. Логарифм числа. Свойства логарифмов	1				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru
18	Десятичные и натуральные логарифмы	1				http://fcior.edu.ru
19-22	Преобразование выражений, содержащих логарифмы	4				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://fcior.edu.ru
23-25	Логарифмические уравнения	3				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://fcior.edu.ru
26-27	Логарифмические неравенства	2				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://fcior.edu.ru
28-29	Логарифмическая функция, её свойства и график	2				Библиотека ЦОК https://m.edsoo.ru http://fcior.edu.ru
30	Свойства функции $y=\cos x$ и ее график	1				https://urok.1c.ru http://znanika.ru/
31	Свойства функции $y=\sin x$ и ее график	1				https://urok.1c.ru
32	Свойства функций $y=\operatorname{tg} x$ и $y=\operatorname{ctg} x$, и их графики	1				http://znanika.ru/
33-35	Решение тригонометрических неравенств	3				https://urok.1c.ru

36	Решение задач по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"	1				http://znanika.ru/
37	Контрольная работа №2 по теме "Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения и неравенства. Тригонометрические функции и их графики. Тригонометрические неравенства"	1	1			
40	Непрерывные функции	1				https://lecta.rosuchebnik.ru
41-42	Метод интервалов для решения неравенств	2				videouroki.net
43-44	Производная функции	2				https://lecta.rosuchebnik.ru videouroki.net
45-46	Геометрический и физический смысл производной	2				https://lecta.rosuchebnik.ru
47-48	Производные элементарных функций	2				videouroki.net
49-51	Производная суммы, произведения, частного функций	3				https://lecta.rosuchebnik.ru
52-55	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы	4				videouroki.net

56-61	Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке	6				https://lecta.rosuchebnik.ru videouroki.net
62	Применение производной в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком	1				https://lecta.rosuchebnik.ru videouroki.net
63	Контрольная работа №3 по теме "Производная. Применение производной"	1	1			
64-65	Первообразная. Таблица первообразных	2				https://school.edu.ru http://resh.edu.ru/
66-68	Интеграл, геометрический и физический смысл интеграла	3				https://school.edu.ru
69-72	Вычисление интеграла по формуле Ньютона—Лейбница	4				http://resh.edu.ru/
73-74	Системы линейных уравнений	2				https://nsportal.ru https://www.единыйурок.рф/
75-76	Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений	2				https://nsportal.ru
77-78	Системы и совокупности целых, рациональных, иррациональных, показательных,	2				https://www.единыйурок.рф/

	логарифмических уравнений и неравенств					
79-80	Использование графиков функций для решения уравнений и систем	2				https://nsportal.ru
81	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни	1				https://www.единыйурок.рф/
82	Контрольная работа №4 по теме "Интеграл и его применения. Системы уравнений"	1	1			
83-85	Натуральные и целые числа в задачах из реальной жизни	3				https://school.edu.ru
86-87	Признаки делимости целых чисел	2				https://school.edu.ru
88-90	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Уравнения	3				https://school.edu.ru
91-93	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Неравенства	3				https://school.edu.ru
94-96	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Системы уравнений	3				https://school.edu.ru
97-99	Повторение, обобщение, систематизация знаний. Функции	3				https://school.edu.ru

100	Итоговая контрольная работа	1	1			
101- 102	Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10-11 классов	2				
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	5			

ПРОВЕРЯЕМЫЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

10 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты
1.2	Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами
1.3	Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений
1.4	Оперировать понятиями: степень с целым показателем, стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.5	Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции
2	Уравнения и неравенства
2.1	Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство, тригонометрическое уравнение
2.2	Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения
2.3	Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств
2.4	Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
2.5	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, не-

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
	равенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции
3.2	Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства
3.3	Использовать графики функций для решения уравнений
3.4	Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем
3.5	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни, выражать формулами зависимости между величинами
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии
4.2	Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии
4.3	Задавать последовательности различными способами
4.4	Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Оперировать понятиями: множество, операции над множествами
5.2	Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
5.3	Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Числа и вычисления
1.1	Оперировать понятиями: натуральное, целое число; использовать признаки делимости целых чисел, разложение числа на простые множители для решения задач
1.2	Оперировать понятием: степень с рациональным показателем
1.3	Оперировать понятиями: логарифм числа, десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Применять свойства степени для преобразования выражений, оперировать понятиями: показательное уравнение и неравенство; решать основные типы показательных уравнений и неравенств
2.2	Выполнять преобразования выражений, содержащих логарифмы; оперировать понятиями: логарифмическое уравнение и неравенство; решать основные типы логарифмических уравнений и неравенств
2.3	Находить решения простейших тригонометрических неравенств
2.4	Оперировать понятиями: система линейных уравнений и её решение; использовать систему линейных уравнений для решения практических задач

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
2.5	Находить решения простейших систем и совокупностей рациональных уравнений и неравенств
2.6	Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры
3	Функции и графики
3.1	Оперировать понятиями: периодическая функция, промежутки монотонности функции, точки экстремума функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; использовать их для исследования функции, заданной графиком
3.2	Оперировать понятиями: графики показательной, логарифмической и тригонометрических функций; изображать их на координатной плоскости и использовать для решения уравнений и неравенств
3.3	Изображать на координатной плоскости графики линейных уравнений и использовать их для решения системы линейных уравнений
3.4	Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей из других учебных дисциплин
4	Начала математического анализа
4.1	Оперировать понятиями: непрерывная функция, производная функции; использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач
4.2	Находить производные элементарных функций, вычислять производные суммы, произведения, частного функций
4.3	Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы, применять результаты исследования к построению графиков
4.4	Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах
4.5	Оперировать понятиями: первообразная и интеграл; понимать геометрический и физический

Код проверяемого результата	Проверяемые предметные результаты освоения основной образовательной программы среднего общего образования
	смысл интеграла
4.6	Находить первообразные элементарных функций, вычислять интеграл по формуле Ньютона – Лейбница
4.7	Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа

ЭЛЕМЕНТЫ СОДЕРЖАНИЯ

10 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни
1.2	Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.3	Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных
1.4	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
2	Уравнения и неравенства
2.1	Тождества и тождественные преобразования
2.2	Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы
2.3	Уравнение, корень уравнения. Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов
2.4	Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств
2.5	Решение иррациональных уравнений и неравенств
2.6	Решение тригонометрических уравнений
2.7	Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции

Код	Проверяемый элемент содержания
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента
4	Начала математического анализа
4.1	Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности
4.2	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов
5.2	Определение, теорема, следствие, доказательство

11 КЛАСС

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел

Код	Проверяемый элемент содержания
1.2	Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.3	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
2	Уравнения и неравенства
2.1	Преобразование выражений, содержащих логарифмы
2.2	Преобразование выражений, содержащих степени с рациональным показателем
2.3	Примеры тригонометрических неравенств
2.4	Показательные уравнения и неравенства
2.5	Логарифмические уравнения и неравенства
2.6	Системы линейных уравнений. Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений
2.7	Системы и совокупности рациональных уравнений и неравенств
2.8	Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
3	Функции и графики
3.1	Функция. Периодические функции. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.2	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.3	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.4	Использование графиков функций для решения уравнений и линейных систем
3.5	Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни
4	Начала математического анализа
4.1	Непрерывные функции. Метод интервалов для решения неравенств
4.2	Производная функции. Геометрический и физический смысл производной
4.3	Производные элементарных функций. Формулы нахождения производной суммы, произведения и частного функций
4.4	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке

Код	Проверяемый элемент содержания
4.5	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости процесса, заданного формулой или графиком
4.6	Первообразная. Таблица первообразных
4.7	Интеграл, его геометрический и физический смысл. Вычисление интеграла по формуле Ньютона – Лейбница

ПРОВЕРЯЕМЫЕ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ОСНОВНОЙ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
1	Владение методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать и оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; применять их; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений; умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов; умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач
2	Умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых,

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
	рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений; умение оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул; умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряжённые комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3 , определитель матрицы, геометрический смысл определителя
3	Умение оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приёмов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни
4	Умение оперировать понятиями: функция, чётность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке, непрерывная функция, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определённый интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции; умение находить производные элементарных функций; умение использовать производную для исследования функций, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах; находить площади и объёмы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений
5	Умение оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, рациональная функция, степенная функция, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики изученных функций, выполнять преобразования графиков

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
	функций, использовать графики для изучения процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем
6	Умение решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов; умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат
7	Умение оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии
8	Умение оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; умение оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач; оценивать вероятности реальных событий; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат
9	Умение оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, величина угла, плоский угол, двугранный угол, трёхгранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии;

Код проверяемого требования	Проверяемые требования к предметным результатам освоения основной образовательной программы среднего общего образования
	умение оценивать размеры объектов окружающего мира; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи
10	Умение оперировать понятиями: площадь фигуры, объём фигуры, многогранник, правильный многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара, развёртка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения
11	Умение оперировать понятиями: движение в пространстве, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; использовать геометрические отношения при решении задач; находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объём) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; умение вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объём, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы, в том числе: площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы; объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объёмов подобных фигур
12	Умение оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов
13	Умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки

ПЕРЕЧЕНЬ ЭЛЕМЕНТОВ СОДЕРЖАНИЯ, ПРОВЕРЯЕМЫХ НА ЕГЭ ПО МАТЕМАТИКЕ

Код	Проверяемый элемент содержания
1	Числа и вычисления
1.1	Натуральные и целые числа. Признаки делимости целых чисел
1.2	Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби
1.3	Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени
1.4	Степень с целым показателем. Степень с рациональным показателем. Свойства степени
1.5	Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента
1.6	Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы
1.7	Действительные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений
1.8	Преобразование выражений
1.9	Комплексные числа
2	Уравнения и неравенства
2.1	Целые и дробно-рациональные уравнения
2.2	Иррациональные уравнения
2.3	Тригонометрические уравнения
2.4	Показательные и логарифмические уравнения
2.5	Целые и дробно-рациональные неравенства
2.6	Иррациональные неравенства
2.7	Показательные и логарифмические неравенства
2.8	Тригонометрические неравенства
2.9	Системы и совокупности уравнений и неравенств
2.10	Уравнения, неравенства и системы с параметрами

Код	Проверяемый элемент содержания
2.11	Матрица системы линейных уравнений. Определитель матрицы
3	Функции и графики
3.1	Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции. Чётные и нечётные функции. Периодические функции
3.2	Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Промежутки монотонности функции. Максимумы и минимумы функции. Наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке
3.3	Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня n -ой степени
3.4	Тригонометрические функции, их свойства и графики
3.5	Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики
3.6	Точки разрыва. Асимптоты графиков функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке
3.7	Последовательности, способы задания последовательностей
3.8	Арифметическая и геометрическая прогрессии. Формула сложных процентов
4	Начала математического анализа
4.1	Производная функции. Производные элементарных функций
4.2	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на отрезке
4.3	Первообразная. Интеграл
5	Множества и логика
5.1	Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера – Венна
5.2	Логика
6	Вероятность и статистика
6.1	Описательная статистика
6.2	Вероятность
6.3	Комбинаторика
7	Геометрия
7.1	Фигуры на плоскости
7.2	Прямые и плоскости в пространстве

Код	Проверяемый элемент содержания
7.3	Многогранники
7.4	Тела и поверхности вращения
7.5	Координаты и векторы

Учебно-методическое обеспечение образовательного процесса

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

• Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы/ Алимов Ш.А., Колягин Ю.М., Ткачева М.В. и др., Акционерное общество «Издательство «Просвещение» «Алгебра и начала математического анализа» "Издательство "Просвещение"; 2023г

Методические материалы по алгебре и началам математического анализа 11 кл. под редакцией Ю.М.Колягина

Сборник задач по алгебре и началам математического анализа 10-11 класс под редакцией М.И. Шабунина, М.В.Ткачевой, Н.Е.Федоровой

Дидактические материалы по алгебре и началам математического анализа 10-11 класс под редакцией М.И. Шабунина, М.В.Ткачевой, Н.Е.Федоровой

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

1. Министерство образования РФ: <http://www.infonika.ru/>; <http://www.ed.gov.ru/>; <http://www.edu.ru/>.
2. Педагогическая мастерская, уроки в Интернет и многое другое: <http://teacher.fio.ru/>; <http://www.fcior.edu.ru/>; <http://www.schoolcollection.edu.ru/>
3. .Новые технологии в образовании: <http://edu.secna.ru/main/>.
4. Путеводитель «В мире науки» для школьников: <http://www.uic.ssu.samara.ru/nauka/>.
5. Мегаэнциклопедия Кирилла и Мефодия: <http://mega.km.ru>.
6. Сайты «Мир энциклопедий», <http://www.rubricon.ru/> ; <http://www.encyclopedia.ru1>.